

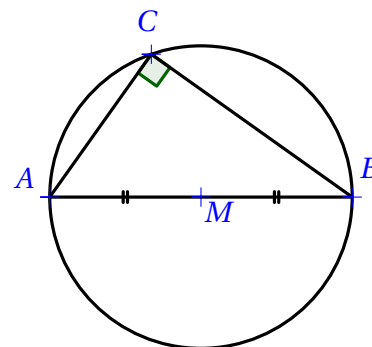
✨ Chapitre 5 ✨

# Triangle rectangle et cercle circonscrit

## I. Pour démontrer qu'un point est sur un cercle

**Propriété 1 :**

Si un triangle est rectangle alors son cercle circonscrit a pour diamètre son hypoténuse.



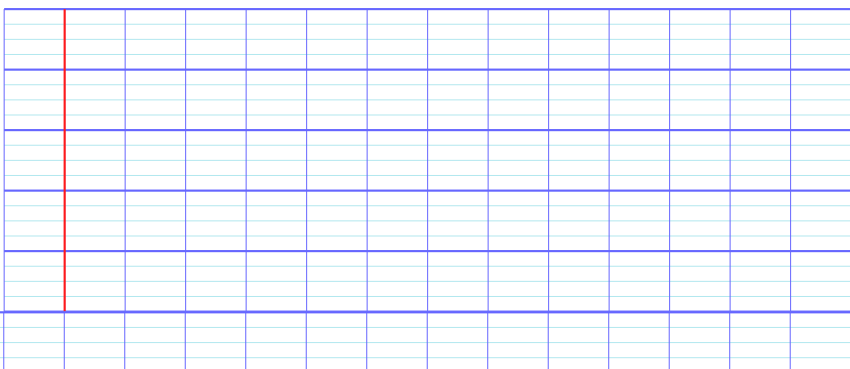
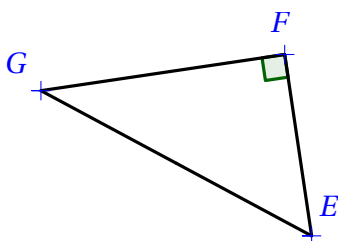
**Remarque :**

Une autre manière d'énoncer ce théorème : « Si un triangle est rectangle alors le centre du cercle circonscrit à ce triangle est le milieu de l'hypoténuse. »

**Exemple 1:**

Soit  $EFG$  un triangle rectangle en  $F$ .

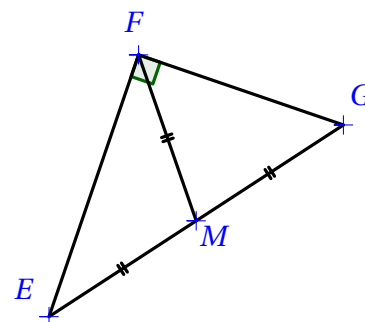
Démontre que le point  $F$  appartient au cercle de diamètre  $[EG]$ .



## II. Longueur de la médiane

**Propriété 2 :**

Si un triangle est rectangle alors la médiane issue du sommet de l'angle droit a pour longueur la moitié de la longueur de l'hypoténuse.

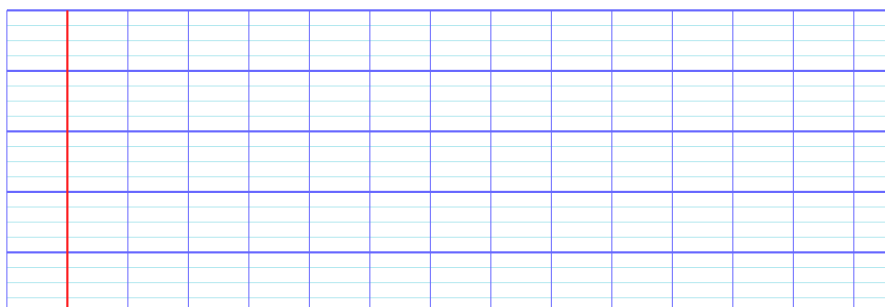
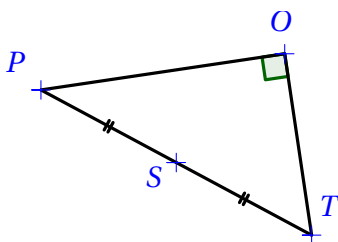


**Exemple 2:**

Le triangle  $POT$  est un triangle rectangle en  $O$  tel que  $TP = 8\text{cm}$ .

Le point  $S$  est le milieu du segment  $[TP]$ .

Quelle est la longueur du segment  $[SO]$ ?



### III. Pour démontrer qu'un triangle est rectangle

**Propriété 3 :**

Si un triangle est inscrit dans un cercle de diamètre l'un de ses côtés alors il est rectangle et admet ce diamètre pour hypoténuse.

**Exemple 3:**

Trace le cercle de diamètre  $[SR]$  tel que  $SR = 7\text{cm}$  puis place sur ce cercle un point  $H$  tel que  $RH = 4\text{cm}$ .

Démontre que le triangle  $RHS$  est rectangle en  $H$ .



**Propriété 4 :**

Si, dans un triangle, la longueur de la médiane relative à un côté est égale à la moitié de la longueur de ce côté alors ce triangle est rectangle et admet ce côté pour hypoténuse.

**Exemple 4:**

$MON$  est un triangle,  $U$  est le milieu de  $[MN]$  et on a :  $MN = 8\text{cm}$ ;  $OU = 4\text{ cm}$ .

Démontre que le triangle  $MON$  est rectangle en  $O$ .

